

数学

正答例

1

① -3 ② -28 ③ $2b$

④ $2\sqrt{3}$ ⑤ $(1+4a)(1-4a)$

⑥ 左辺を展開すると、 $x^2-3x-10=2x-14$
 移項すると、 $x^2-5x+4=0$
 左辺を因数分解すると、 $(x-1)(x-4)=0$
 $x-1=0$ または $x-4=0$ よって $x=1, 4$
 (答) $x=1, 4$

⑦ 6π cm^2 ⑧ $\frac{1}{2}x + \frac{9}{2}$

⑨ (7) 130 ⑩ (4) 170

2

開館後3か月間の1日あたりの入館者数を x 人、
 開館前に予想された1日あたりの入館者数を y 人とする。
 [I] から $x-y=900$ (1)
 [II], [III] から
 $3.0 \times \frac{x}{3} - 2.6 \times \frac{y}{3} = 1300$ (2)
 (2)から $15x-13y=19500$ (3)
 連立方程式(1), (3)から(3)-(1) $\times 13$ を計算して

$$\begin{array}{r} 15x-13y=19500 \\ -) 13x-13y=11700 \\ \hline 2x=7800 \end{array}$$

 よって $x=3900$
 これを(1)に代入して、 $3900-y=900$ よって $y=3000$
 (答) 開館後3か月間の1日あたりの入館者数 3900(人)
 開館前に予想された1日あたりの入館者数 3000(人)

3

① $\frac{7}{27}$ ② $3c-2$

③ ②から $X=3a+(3b-1)+(3c-2)$
 $=3a+3b+3c-3$
 $=3(a+b+c-1)$
 $a+b+c-1$ は自然数であるから、
 X は常に3の倍数である。

4

① (7) $\frac{1}{3}$

① (4) 3

② 9

③ $\frac{2}{25}$

5

① (証明)
 $\triangle ACD$ と $\triangle AFC$ において
 $\angle CAD = \angle FAC$ (1)
 また線分 AB は円の直径であるから
 $\angle ACB = 90^\circ$
 よって $\triangle ABC$ から
 $\angle ABC = 90^\circ - \angle BAC$
 また同じ弧 \widehat{AC} に対する円周角から
 $\angle ABC = \angle ADC$
 よって
 $\angle ADC = 90^\circ - \angle BAC$ (2)
 また $\triangle ACE$ は $\angle AEC = 90^\circ$ の直角
 三角形であるから
 $\angle ACE = 90^\circ - \angle EAC$
 よって $\angle ACE = \angle ACF$ 、
 $\angle EAC = \angle BAC$ から
 $\angle ACF = 90^\circ - \angle BAC$ (3)
 (2), (3)から
 $\angle ADC = \angle ACF$ (4)
 (1), (4)から2組の角がそれぞれ等しい
 ので
 $\triangle ACD \sim \triangle AFC$

② (7) 4 cm ② (4) 8 cm

② (7) $\frac{3\sqrt{15} + 3\sqrt{3}}{2}$ cm^2 ② (x) $\sqrt{15} + \sqrt{3}$ cm

数学出題のねらい

1 全般的なねらい

数量、図形などに関する基礎的な概念や原理・法則についての理解の程度と、それらを積極的に活用し、数学的な見方や考え方で処理する力をみるために、各領域から幅広く出題した。

2 各問いごとのねらい

- ① 基本的な計算を中心にして、各領域における基礎的な概念の理解の程度や、それらを適用する力をみる。
- ② 図書館の入館者数や貸し出し冊数という具体的な素材から、数量関係を的確にとらえ、それを方程式と関連付け、式で表現したり、問題を解決したりする力をみる。
- ③ 具体的な事象から、起こりうる場合を順序よく整理し、規則性をみつけ、数量の関係を文字式を用いて表現したり、説明したりする力をみる。
- ④ 関数や図形についての基本事項の理解の程度をみるとともに、数学的な見方や考え方により問題を解決する力をみる。
- ⑤ 平面図形についての証明や計量を通して、図形を分解、構成する力や、論理的に考察する力、思考過程を表現する力をみる。